

Buď $M \subset \mathbb{R}^*$. Pak:

$$\begin{aligned} k \in \mathbb{R}^* \text{ je horním odhadem } M &\stackrel{\text{def.}}{\iff} \forall x \in M : x \leq k \\ k \in \mathbb{R}^* \text{ je maximem } M (k = \max M) &\stackrel{\text{def.}}{\iff} k \in M \wedge \forall x \in M : x \leq k \\ &\quad (k \text{ je horním odhadem } M \text{ náležícím } M) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \ell \in \mathbb{R}^* \text{ je dolním odhadem } M &\stackrel{\text{def.}}{\iff} \forall x \in M : x \geq \ell \\ \ell \in \mathbb{R}^* \text{ je minimem } M (\ell = \min M) &\stackrel{\text{def.}}{\iff} \ell \in M \wedge \forall x \in M : x \geq \ell \\ &\quad (\ell \text{ je dolním odhadem } M \text{ náležícím } M) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} s \in \mathbb{R}^* \text{ je supremem } M (s = \sup M) &\stackrel{\text{def.}}{\iff} \begin{aligned} &1) \forall x \in M : x \leq s \\ &2) (\forall y \in \mathbb{R}^* : y < s) \exists x \in M : x > y \\ &\quad (s \text{ je nejmenším horním odhadem } M) \end{aligned} \\ i \in \mathbb{R}^* \text{ je infimem } M (i = \inf M) &\stackrel{\text{def.}}{\iff} \begin{aligned} &1) \forall x \in M : x \geq i \\ &2) (\forall y \in \mathbb{R}^* : y > i) \exists x \in M : x < y \\ &\quad (i \text{ je největším dolním odhadem } M) \end{aligned} \end{aligned}$$

$$M \text{ je shora omezená} \stackrel{\text{def.}}{\iff} \sup M < +\infty$$

$$M \text{ je zdola omezená} \stackrel{\text{def.}}{\iff} \inf M > -\infty$$

$$M \text{ je omezená} \stackrel{\text{def.}}{\iff} M \text{ je omezená shora i zdola}$$

$$M \text{ je neomezená} \stackrel{\text{def.}}{\iff} M \text{ není omezená}$$

Lze ukázat, že M má právě 1 supremum a právě 1 infimum.