

6. cvičení

Vypočtěte:

$$1) \lim(n^4 + 5n^3 + 1)$$

$$2) \lim(n^4 - 5n^3 + 1)$$

$$3) \lim \frac{-2n^3 - 4n + 2}{5n^2 + n - 8}$$

$$4) \lim \frac{5n^2 + 9n + 6}{6n^2 + 3n - 1}$$

$$5) \lim \frac{4n + 5}{n^3 - n}$$

$$6) \lim \frac{\sqrt{n^3} - 4n}{n + \sqrt[3]{n}}$$

$$7) \lim \frac{\sqrt{n^3} - n + 3}{2n - \sqrt{n}}$$

$$8) \lim \left(\sqrt{n^2 + 2} - \sqrt{2n^2 + 3n} \right)$$

$$9) \lim \left(\sqrt{n+2} - \sqrt{n-2} \right)$$

$$10) \lim \left(\sqrt{n + \sqrt{n}} - \sqrt{n} \right)$$

$$11) \lim \cos(2\pi n)$$

$$12) \lim \sin \left(\frac{n\pi}{2} \right)$$

$$13) \lim \cos \left((2n+1) \frac{\pi}{2} \right)$$

$$14) \lim \left(1 + \frac{1}{n} \right)^{2n}$$

$$15) \lim \left(1 + \frac{1}{n} \right)^{3n+6}$$

$$16) \lim \left(1 + \frac{1}{5n} \right)^{9n+8}$$

$$17) \lim \left(\frac{2n+2}{2n+1} \right)^{6n+5}$$

$$18) \lim \left(\frac{3n}{3n-1} \right)^n$$

$$19) \lim \left(1 - \frac{1}{n} \right)^n$$

$$20) \lim \left(\frac{3n}{3n+1} \right)^n$$

$$21) \lim \left(\frac{2n}{3n-1} \right)^n$$

$$22) \lim \left(\frac{3n}{2n-1} \right)^n$$

$$23) \lim (3^n + (-3)^n)$$

$$24) \lim \frac{3^n + (-3)^n}{3 \cdot 6^n}$$

$$25) \lim \frac{5^{n+2} + 3^n}{5^n - 2^n}$$

$$26) \lim (5^n - 2^n)$$

$$27) \lim \frac{1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \cdots + \frac{1}{3^n}}{1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \cdots + \frac{1}{2^n}}$$

$$28) \lim \frac{(-2)^n + 3^n}{(-2)^{n+1} + 3^{n+1}}$$

$$29) \lim \frac{n^p + n^{p-1} + \cdots + 1}{n^q + n^{q-1} + \cdots + 1}, \quad p, q \in \mathbb{N}$$

$$30) \lim \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \cdots + \frac{n-1}{n^2} \right)$$

$$31) \lim \sqrt[5n]{n}$$

$$32) \lim \sqrt[8n]{6^n}$$

$$33) \lim \sqrt[n]{n^2 + 2n}$$

$$34) \lim \sqrt[n]{n^4 - 2n^2 + 13n}$$

$$35) \lim \frac{(n+1)! - 2 \cdot n!}{3(n+1)! + 1}$$

$$36) \lim \frac{3(n+2)! - (n+1)!}{(n+3)!}$$

$$37) \lim \frac{(-1)^n}{n^2}$$

$$38) \lim \frac{n \cdot \sin(n!)}{n^3 + 1}$$

$$39) \lim \left(n^3 + \sin \left(\frac{n^2 + n}{n^7} \right) \right)$$

$$40) \lim (\cos(\ln n) - n)$$

$$41) \lim \frac{\sin^5(6n) + \cos^4 n}{n^2 + 1}$$

$$42) \lim \frac{1 + 2 + \cdots + (n-1)}{\sqrt[3]{8n^6 - n}}$$

$$43) \lim \frac{\sqrt[3]{n^2 + 1} - 16n}{\sqrt[3]{n^4 + 18n}}$$

$$44) \lim \frac{2^n}{n!}$$

$$45) \lim \sqrt[n]{2^n + 4^n}$$

$$46) \lim \frac{n}{2^n}$$